## UNIVERSIDADE FEDERAL DE SANTA CATARINA CENTRO DE CIÊNCIAS FÍSICAS E MATEMÁTICAS DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA

## PROGRAMA DA DISCIPLINA MTM 5177 - CÁLCULO III

DISCIPLINA: Cálculo III CÓDIGO: MTM 5177

PRÉ-REQUISITO: MTM 5176 N° DE AULAS SEMANAIS: 06 N° TOTAL DE AULAS: 108 CURSOS: Engenharia Elétrica

EMENTA: Equações paramétricas e coordenadas polares. Funções reais de várias variáveis. Aplicação das derivadas parciais. Curvas em IR<sup>n</sup>. Funções vetoriais (IR<sup>n</sup>→ IR<sup>m</sup>). Campos vetoriais. Integrais múltiplas (duplas e triplas). Coordenadas cilíndricas e esféricas. Aplicações de integrais múltiplas. Integral de linha e integral de superfície. Teorema de Stokes e Teorema da Divergência.

## CONTEÚDO PROGRAMÁTICO:

- 1) Equações paramétricas e coordenadas polares:
- 1.1. Sistema de coordenadas polares.
- 1.2. Equações polares
- 1.3. Comprimento de arco e retas tangentes
- 1.4. Área em coordenadas polares
- 1.5. Curvas definidas por equações paramétricas. Área.
- 2) Funções reais de várias variáveis ((IR<sup>n</sup>→IR)
- 2.1. Superfícies
- 2.2. Funções de várias variáveis
- 2.3. Curvas e superficies de nível
- 2.4. Limite e continuidade
- 2.5. Derivadas parciais
- 2.6. Planos tangente e diferenciais
- 2.7. Regra da cadeia
- 2.8. Derivada direcional e o vetor gradiente
- 2.9. Plano tangente às superficies de nível
- 2.10. Derivadas parciais de ordem superior
- 2.11.Teorema de Schwarz (igualdade das derivadas mistas)
- 2.12. Série de Taylor
- 3) Aplicações das derivadas parciais
- 3.1. Valores máximo e mínimo
- 3.2. Multiplicadores de Lagrange
- 4) Funções vetoriais ((IR<sup>n</sup>→IR<sup>m</sup>)
- 4.1. Curvas em IR<sup>n</sup>
- 4.2. Limite, continuidade e vetor tangente à curva em IR<sup>n</sup>
- 4.3. Comprimento de arco
- 4.4. Funções vetoriais de várias variáveis
- 4.5. Limite e continuidade
- 4.6. Derivada direcional e derivadas parciais.
- 4.7. Diferencial total.

- 4.8. Campos vetoriais e campos gradientes
- 4.9. Singularidades de campos vetoriais
- 5) Integrais múltiplas
- 5.1. Integrais duplas sobre retângulos
- 5.2. Integrais duplas sobre uma região do plano
- 5.3. Integral dupla em coordenadas polares
- 5.4. Mudança de variáveis em uma integral dupla
- 5.5. Aplicações da integral dupla
- 5.6. Integral tripla.
- 5.7. Coordenadas cilíndricas e esféricas
- 5.9. Mudança de variáveis em uma integral tripla
- 5.10. Aplicações da integral tripla
- 6) Integração de funções vetoriais
- 6.1. Integral de linha
- 6.2. Teoremas fundamentais para integrais de linha
- 6.3. Teorema de Green
- 6.4. Superfícies paramétricas e suas áreas
- 6.5. Integral de superfície
- 6.6. Rotacional e divergência de um campo vetorial
- 6.7. Teorema de Stokes
- 6.8. Teorema da divergência
- 6.9. Aplicações

## BIBLIOGRAFIA:

- 1. AYRES, Frank Jr. Cálculo Diferencial e Integral. Livros Técnicos e Científicos.
- 2. EDWARDS, C. H. & PENNEY, David E. Cálculo com Geometria Analítica. Prentice Hall do Brasil.
- 3. FLEMMING, Diva M. e GONCALVES, Mirian B. Cálculo B. Editora Makron Books.
- 4. FLEMMING, Diva M. e GONÇALVES, Mirian B. Cálculo C. Editora da UFSC.
- 5. GUIDORIZZI, Hamilton L. Um Curso de Cálculo Vol. 2 e 3. Livros Técnicos e Científicos.
- 6. HOFFMANN, Laurence D. Cálculo: Um curso moderno e suas aplicações. Livros Técnicos e Científicos.
- 7. KREYZIG, Erwin Matemática Superior Vol. 2 Livros Técnicos e Científicos.
- 8. LEITHOLD, Louis O Cálculo com Geometria Analítica Vol. 2. 3ª Edição. Editora Harbra.
- 9. MARSDEN, Jerrold E. & TROMBA, Anthony J. Vector Calculus Fourth Edition. W. H. Freeman and Company New York.
- 10. MUNEM, Mustafa A. e FOULIS, David J. Cálculo. Guanabara Dois. Rio de Janeiro
- 11. PISKUNOV, N. Cálculo Diferencial e Integral Vol. II. Editorial Mir-Moscu
- 12. SIMMONS, George F. Cálculo com Geometria Analítica Vol. 2. Editora Mc Graw-Hill.
- 13. SPIEGEL, Murray R. Cálculo Avançado. Editora Mc Graw Hill.
- 14. STEWART, James. Calculus. Brooks/Cole Publishing Company, ITP.
- 15. SWOKOWSKI, Earl W. Cálculo com Geometria Analítica. Vol. 2. 2ª Edição. Makron Books.
- 16. THOMAS, George B. e FINNEY, Ross L. Cálculo Diferencial e Integral. LTC Livros Técnicos e Científicos Editora S. A.